

المسألة الأولى: (07 نقط)

دراسة رافدة :

ليكن للرسم الميكانيكي لرافدة مبينة في الشكل التالي :

- المسند A مزدوج

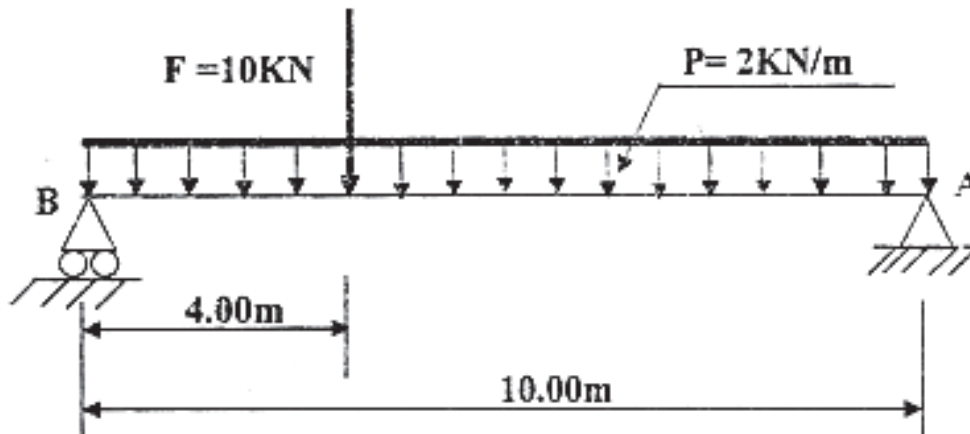
- المسند B بسيط .

العمل المطلوب :

1 - احسب ردود الأفعال في المسندين A و B .

2 - أكتب معادلات الجهد القاطع T وعزم الانحناء M_f على طول الرافدة.

3 - ارسم منحنى T و M_f و استنتج العزم الأعظمي M_{fmax} .



المسألة الثانية: (05 نقط)

تسليح شداد:

لدينا شداد (tirant) من الخرسانة المسلحة ذو مقطع مربع $(40 \times 40) \text{ cm}^2$.

المعطيات:

$$f_{c28}=30\text{MPa} ; N_{ser}=0.85\text{MN} ; N_u=1.2\text{MN}$$

الفولاذ من نوع: HAF ϵ E400 ; $\gamma_s=1.15$; $\eta=1.6$; $f_e=400\text{MPa}$ ، حالة التشقق ضارة.

$$f_{1,28} = 0.6 + 0.06 f_{c,28}$$

$$A_s \cdot f_e \geq B \cdot f_{1,28} \quad ; \quad \bar{\sigma}_s = \min \left\{ \frac{2}{3} f_e ; 110 \sqrt{\eta \cdot f_{1,28}} \right\}$$

$$A_{ser} \geq \frac{N_{ser}}{\sigma_s} \quad ; \quad A_s \geq \frac{N_u}{f_{su}} \quad ; \quad f_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s}$$

العمل المطلوب:

حدد تسليح مقطع هذا الشدك مع اقتراح رسما له مع مراقبة شرط عدم الهشاشة.

جدول التسليح

| المقطع ب (cm ²) لعدد من القضبان يتراوح من : | | | | | | | | | | وزن المتر | القطر |
|---|--------|--------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|--------------|-------|
| 10 | 9 | 8 | 7 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 | Kg/m | mm |
| 5.02 | 4.52 | 4.01 | 3.51 | 3.01 | 2.51 | 2.01 | 1.50 | 1.00 | 0.50 | 0.395 | 8 |
| 7.85 | 7.06 | 6.28 | 5.49 | 4.71 | 3.92 | 3.14 | 2.35 | 1.57 | 0.78 | 0.617 | 10 |
| 11.31 | 10.18 | 9.05 | 7.92 | 6.78 | 5.65 | 4.52 | 3.39 | 2.26 | 1.13 | 0.888 | 12 |
| 15.39 | 13.85 | 12.31 | 10.77 | 9.23 | 7.69 | 6.15 | 4.62 | 3.08 | 1.54 | 1.208 | 14 |
| 20.10 | 18.09 | 16.08 | 14.07 | 12.06 | 10.05 | 8.04 | 6.03 | 4.02 | 2.01 | 1.578 | 16 |
| 31.41 | 28.27 | 25.13 | 21.99 | 18.84 | 15.70 | 12.56 | 9.42 | 6.28 | 3.14 | 2.466 | 20 |
| 49.09 | 44.18 | 39.27 | 34.36 | 29.45 | 24.54 | 19.63 | 14.73 | 9.82 | 4.91 | 3.853 | 25 |
| 80.42 | 72.38 | 64.34 | 56.26 | 48.25 | 40.21 | 32.17 | 24.12 | 16.08 | 8.04 | 6.313 | 32 |
| 125.65 | 113.09 | 100.53 | 87.96 | 75.39 | 62.83 | 50.26 | 37.70 | 25.13 | 12.56 | 9.865 | 40 |

المسألة الثالثة : (04 نقط)

- انطلاقا من نقطتين A و B المعرفتين بالإحداثيات المستطيلة التالية :

$$B = \begin{cases} x = 5475,45m \\ y = 2000,00m \end{cases} \quad A = \begin{cases} x = 5385,75m \\ y = 2105,45m \end{cases}$$

العمل المطلوب:

1 - أحسب السميت الإحداثي G_{AB} .

2 - أحسب المسافة الأفقية AB.

المسألة الرابعة : (04 نقط)

الجزء الأول :

- لرسم روافد لمبنى استعملنا برنامج الرسم المدعم بالحاسوب متبعين المراحل التالية :

أ - تهيئ مقطع الرافدة باستعمال الأمر "HACHURE"

ب - استحدث منسوخ (calque) باسم "poutre" و حددنا اللون و السمك و نوع الخط.

ج - رسم مقطع الرافدة باستعمال الأمر polyligne .

د - استعمال الأمر "copier" لرسم الروافد المتبقية.

- رتب مراحل انجاز الرسم ترتيبا صحيحا بملأ الجدول أسفله.

| الترتيب | 1 | 2 | 3 | 4 |
|---------|-------|-------|-------|-------|
| الخطوة | ----- | ----- | ----- | ----- |

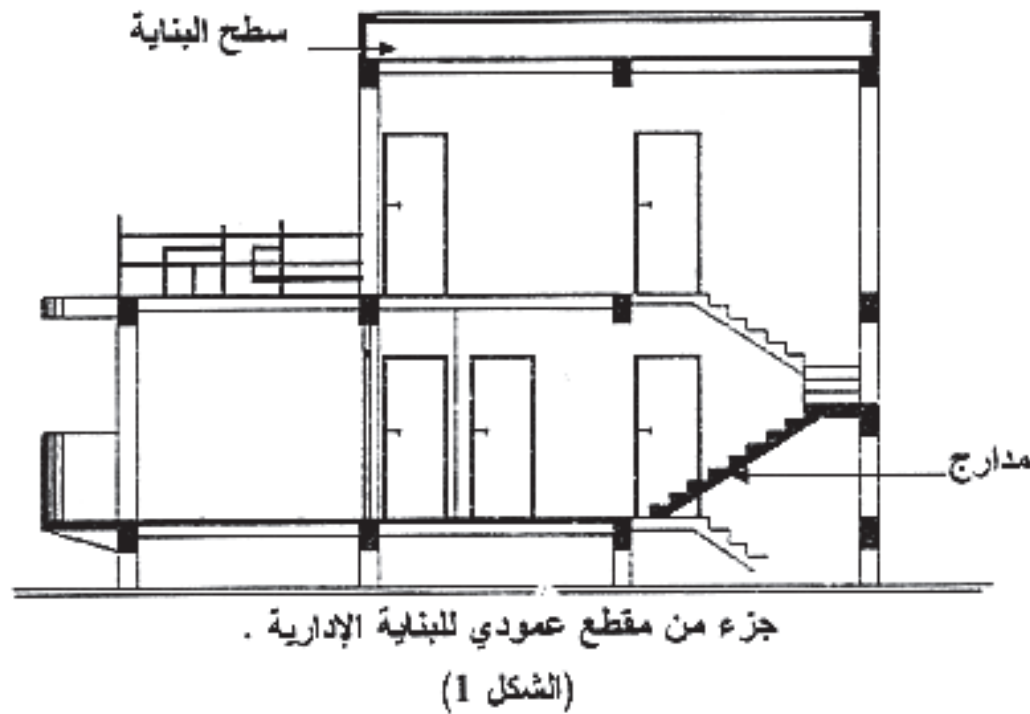
الجزء الثاني:

- أذكر وظائف السطوح ؟

الموضوع الثاني

الموضوع :

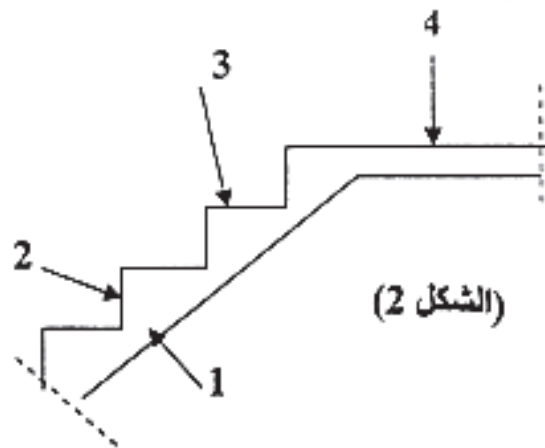
تريد المصالح التقنية وضع جميع الوثائق الخطية و التقنية لإنجاز بناية إدارية متعددة الطوابق وفق نظام أعمدة - روافد كما هو موضح بالشكل 1 .



المسألة 1 : (04 ن)

ليكن الرسم الممثل بالشكل 2 ، و الموضح لدورة من مدرج البناية مع العلم أن :

- الخطوة المتوسطة تساوي 64cm .
- القائمة تساوي 17cm .
- ارتفاع القلبة 153cm .



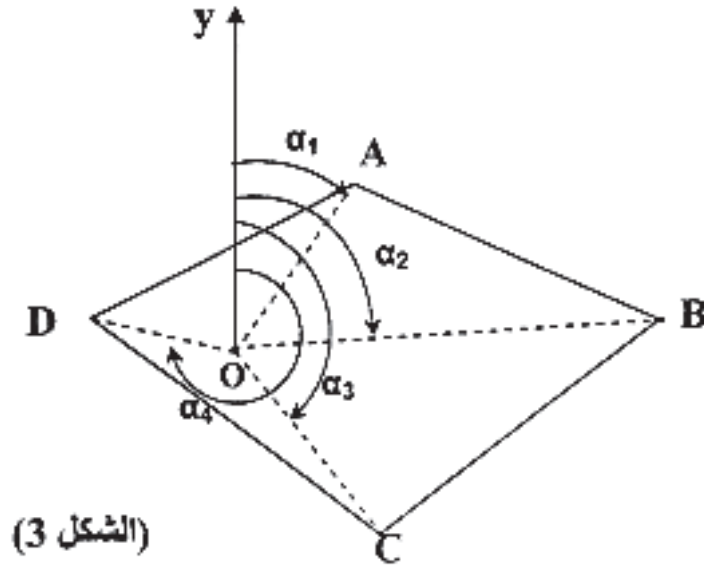
العمل المطلوب :

- 1/ سم العناصر المرقمة على الشكل 2 .
- 2/ أحسب عرض الدرجة (القائمة) .
- 3/ أحسب عدد درجات القلبة .

المسألة 2 : (04 ن)

لإنجاز هذه البناية ، خُصِّصت قطعة أرض ABCD (انظر للشكل 3) حيث تم تحديد رؤوسها بواسطة الإحداثيات القطبية .

| | |
|----------|---------------------------|
| OA = 20m | $\alpha_1 = 15\text{gr}$ |
| OB = 60m | $\alpha_2 = 85\text{gr}$ |
| OC = 45m | $\alpha_3 = 160\text{gr}$ |
| OD = 16m | $\alpha_4 = 315\text{gr}$ |



العمل المطلوب :

أحسب مساحة هذه القطعة بواسطة الإحداثيات القطبية .

المسألة 3 : (06,50 ن)

لتكن رافدة من البناية الممثلة بالشكل الميكانيكي التالي (الشكل 4) ، نفرض أن :

A مسند بسيط و B مسند مضاعف .

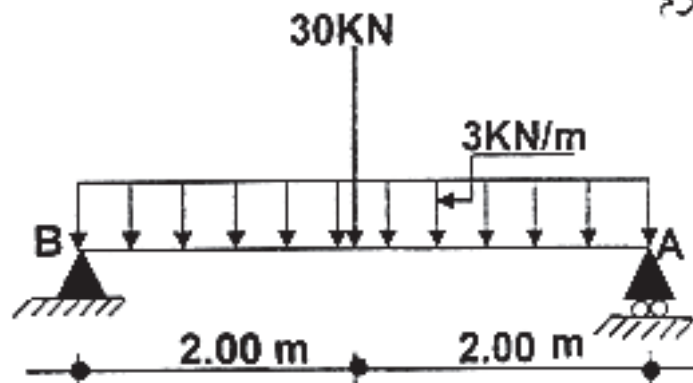
العمل المطلوب :

1- لحسب ردود الأفعال عند المسندين A و B .

2 - أكتب معادلات الجهد القاطع T وعزم

الانحناء M_f على طول الرافدة .

3 - أرسم منحنى T و M_f .



(الشكل 4)

المسألة 4 : (05,50 ن)

قام مكتب الدراسات التقنية بدراسة تسليح العمود الداخلي للبنائية ، المعرض لتأثير قوة انضغاط ناظرية مركزية على مقطع الخرسانة .

المعطيات : مقطع العمود $(30 \times 40) \text{ cm}^2$.

الجهد الناظمي في حالة الحد النهائي $N_U = 1.8 \text{ MN}$

طول العمود $l_0 = 2.90 \text{ m}$ ، طول الانبعاج (التحجب) : $l_r = 0.7 \times l_0$ ، $\gamma_s = 1.15$ ، $\gamma_b = 1.5$ ،

$f_c = 500 \text{ MPa}$ HA فولاذ ، $f_{c28} = 25 \text{ MPa}$

الحمولات مطبقة بعد 90 يوما .

ملاحظات :

- تعطى بعض العلاقات، اختر ما يناسبك منها:

$$A_{th} = \left(\frac{N_u}{\alpha} - \frac{B_r \times f_{c28}}{0.9 \times \gamma_b} \right) \frac{\gamma_s}{f_c}$$

$$A_{min} = \text{Max} (4u ; 0,2\% B)$$

$$\text{إذا كانت : } 50 < \lambda \leq 70$$

$$\alpha = 0.6 \left(\frac{50}{\lambda} \right)^2$$

$$\text{إذا كانت : } \lambda \leq 50$$

$$\alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left(\frac{\lambda}{35} \right)^2}$$

$$\lambda = 2\sqrt{3} \times \frac{l_r}{a}$$

$$B_r = (a-2)(b-2) \text{ cm}^2$$

العمل المطلوب :

أحسب مساحة التسليح الطولي للعمود مع اقتراح عدد القضبان المستعملة .

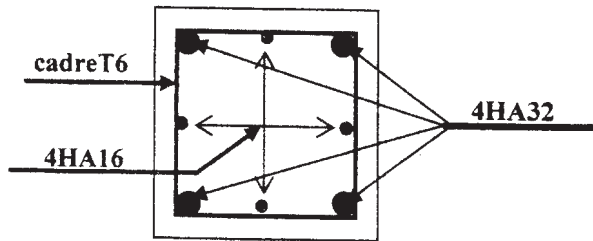
جدول التسليح

| المقطع ب (سم ²) لعدد من القضبان يساوي: | | | | | | | | | | القطر ϕ |
|--|-------|-------|-------|-------|-------|-------|------|------|------|--------------|
| 10 | 9 | 8 | 7 | 6 | 5 | 4 | 3 | 2 | 1 | مم |
| 7,85 | 7,06 | 6,28 | 5,49 | 4,71 | 3,92 | 3,14 | 2,35 | 1,57 | 0,78 | 10 |
| 11,31 | 10,18 | 9,05 | 7,92 | 6,78 | 5,65 | 4,52 | 3,39 | 2,26 | 1,13 | 12 |
| 15,39 | 13,85 | 12,31 | 10,77 | 9,23 | 7,69 | 6,15 | 4,62 | 3,08 | 1,54 | 14 |
| 20,10 | 18,09 | 16,08 | 14,07 | 12,06 | 10,05 | 8,04 | 6,03 | 4,02 | 2,01 | 16 |
| 31,41 | 28,27 | 25,13 | 21,99 | 18,84 | 15,70 | 12,56 | 9,42 | 6,28 | 3,14 | 20 |

| العلامة | مجزأة | عناصر الإجابة للموضوع الأول | محاور الموضوع |
|---------|-------|--|----------------|
| | | <p>1- حساب ردود الأفعال:</p> $\sum F /_x = 0 \Rightarrow H_A = 0$ $\sum F /_y = 0 \Rightarrow V_A + V_B - 10 - (2 \times 10) = 0$ $V_A + V_B = 30 \text{ KN} \quad (1)$ $\sum M /_B = 0 \Rightarrow (10 \times 4.00) + (2 \times 10 \times 5) - 10V_A = 0$ $V_A = \frac{40 + 100}{10} = 14 \text{ KN}$ $\sum M /_A = 0 \Rightarrow -(10 \times 6.00) - (2 \times 10 \times 5) + 10V_B = 0$ $V_B = \frac{60 + 100}{10} = 16 \text{ KN}$ $V_A + V_B = 14 + 16 = 30 \text{ KN} \quad \text{محققة}$ <p>كتابة معادلات T و Mf</p> $0 \leq x \leq 4.00$ <p>معادلة الجهد القاطع T</p> $T(x) = -2x + 16$ $\begin{cases} T(0) = 16 \text{ KN} \\ T(4) = 8 \text{ KN} \end{cases}$ <p>معادلة عزم الانحناء Mf :</p> $M_f(x) = -2 \frac{x^2}{2} + 16x = -x^2 + 16x$ $\begin{cases} M(0) = 0 \\ M(4) = 48 \text{ KN} .m \end{cases}$ <p>4 ≤ x ≤ 10</p> $T(x) = -2x + 16 - 10$ $T(x) = -2x + 6$ $\begin{cases} T(4) = -2 \text{ KN} \\ T(10) = -14 \text{ KN} \end{cases}$ $M_f(x) = -2 \frac{x^2}{2} + 16x - 10(x - 4)$ $M_f(x) = -x^2 + 6x + 40$ $\begin{cases} M_f(4) = 48 \text{ KN} .m \\ M_f(10) = 0 \end{cases}$ $M_{f \max} = 48 \text{ KN} .m$ | المسألة الأولى |

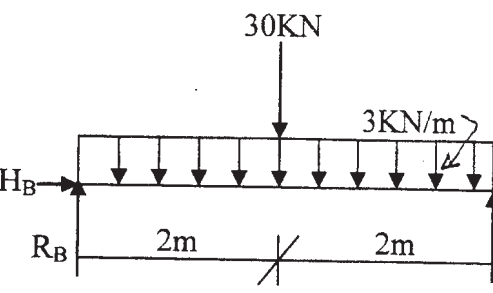
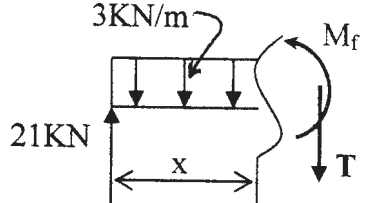
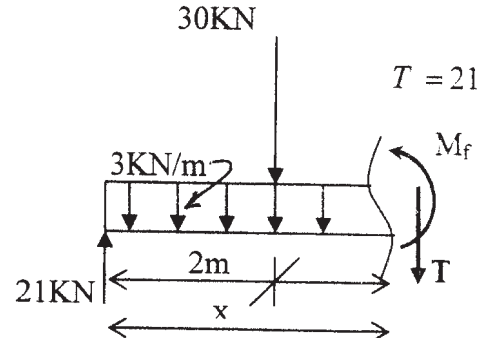
174

| العلامة | | عناصر الإجابة | محاور الموضوع |
|---------|-------|---|-----------------|
| المجموع | مجزأة | | |
| | | <p>1- الحساب في حالة E.L.U.R:</p> <ul style="list-style-type: none"> اجهاد الفولاذ: $F_{su} = \frac{f_e}{\gamma_s} = \frac{400}{1.15} = 347.82 MPa \approx 348 MPa$ <ul style="list-style-type: none"> المقطع النظري للتسليح المشدود: $A_u = \frac{N_u}{f_{su}} = \frac{1.20}{348} \times 10^4 = 34.48 cm^2$ <p>2 - الحساب في حالة التشغيل E.L.S:</p> <ul style="list-style-type: none"> اجهاد الفولاذ $\overline{\sigma_s}$ $\overline{\sigma_s} = \min \left\{ \frac{2}{3} f_e ; 110 \sqrt{\eta \cdot f_{t28}} \right\}$ $\frac{2}{3} 400 = 266.67 MPa$ $f_{t28} = 0.6 + 0.06 f_{c28} = 2.4 MPa$ $110 \sqrt{2.4 \times 1.6} = 215.55 MPa$ $\overline{\sigma_s} = \min \{ 266.67 MPa ; 215.55 MPa \}$ $\overline{\sigma_s} = 215.55 MPa$ <ul style="list-style-type: none"> المقطع النظري للتسليح المشدود: $A_{ser} = \frac{N_{ser}}{\overline{\sigma_s}} = \frac{0.85}{215.55} \times 10^4 = 39.43 cm^2$ $A_s = \max (A_u ; A_{ser}) = \max (34.48 ; 39.43) = 39.43 cm^2$ <p>من جدول التسليح نختار:</p> $4HA32 + 4HA16 = 40.21 cm^2$ <p>اقترح رسم التسليح:</p> | المسألة الثانية |
| | 0.25 | | |
| | 01 | | |
| | 0.25 | | |
| | 0.25 | | |
| | 0.25 | | |
| | 0.25 | | |
| | 1 | | |
| | 0.5 | | |
| | 0.25 | | |
| | 0.5 | | |



| العلامة | | عناصر الإجابة | محاور الموضوع | | | | | | | | | | |
|---------|-----------|--|-----------------|---|---|---|---|--------|---|---|---|---|-----------------|
| المجموع | مجزأة | | | | | | | | | | | | |
| | 0.5 | <p>مراقبة شرط عدم الهشاشة:</p> $A_s f_e \geq B f_{t28} ?$ $A_s f_e = 40.21 \times 10^{-4} \times 400 = 1.608 MN$ $B f_{t28} = 0.4 \times 0.4 \times 2.4 = 0.384 MN$ $A_s f_e > B f_{t28} \text{ ومنـه}$ <p>إذن شرط عدم الهشاشة محقق.</p> | المسألة الثالثة | | | | | | | | | | |
| 05 | | <p>1- حساب السمـت الإحداثي G_{AB}:</p> | | | | | | | | | | | |
| | 0.25 | $\Delta X = X_B - X_A = 5475.45 - 5385.75 = 89.7m$ | | | | | | | | | | | |
| | 0.25 | $\Delta Y = Y_B - Y_A = 2000.00 - 2105.45 = -105.45m$ | | | | | | | | | | | |
| | 2×0.5 | $\left. \begin{array}{l} \Delta X > 0 \\ \Delta Y < 0 \end{array} \right\} \text{ نحن في الربع الثاني } G = 200 - g$ | | | | | | | | | | | |
| | 1 | $tg(g) = \left \frac{\Delta X}{\Delta Y} \right \Rightarrow tg(g) = \frac{89.7}{105.45} = 0.851$ | | | | | | | | | | | |
| | 0.5 | $g = 44.87gr$ ومنه | | | | | | | | | | | |
| | 0.5 | $G_{AB} = 200 - g = 200 - 44.87$ | | | | | | | | | | | |
| | 0.5 | $G_{AB} = 155.13gr$ | | | | | | | | | | | |
| | 0.5 | <p>2- حساب المسافة الأفقية AB:</p> $AB = \sqrt{\Delta X^2 + \Delta Y^2} = \sqrt{(89.7)^2 + (105.45)^2}$ $AB = 138.44m$ | | | | | | | | | | | |
| 04 | | <p>(2) ترتيب مراحل رسم الرافدة:</p> <p>الجواب الاول:</p> <table><tr><td>الترتيب</td><td>1</td><td>2</td><td>3</td><td>4</td></tr><tr><td>الخطوة</td><td>ب</td><td>ج</td><td>أ</td><td>د</td></tr></table> <p>ملاحظة: يمكن للمترشح اتباع الخطوات التالية:</p> <p>(ب)، (ج)، (د) و (أ)</p> <p>الجواب الثاني:</p> <ul style="list-style-type: none">- الحمل .- الغزل (الغلق).- الحماية . | الترتيب | 1 | 2 | 3 | 4 | الخطوة | ب | ج | أ | د | المسألة الرابعة |
| الترتيب | 1 | 2 | 3 | 4 | | | | | | | | | |
| الخطوة | ب | ج | أ | د | | | | | | | | | |
| | (0.5×3)+1 | | | | | | | | | | | | |
| | 0.5×3 | | | | | | | | | | | | |
| 04 | | | | | | | | | | | | | |
| 20 | 20 | | | | | | | | | | | | |

| العلامة | | عناصر الإجابة للموضوع الثاني | محاور الموضوع |
|---------|--------|---|---------------|
| الموضوع | مجزأة | | |
| 04 | 4×0.5 | <p>- العناصر المرقمة :</p> <p>1- الحصيرة .</p> <p>2- القائمة .</p> <p>3- النائمة</p> <p>4- فاصل الارتياح .</p> <p>- حساب عرض النائمة :</p> | المسألة 1 |
| | 2×0.5 | $2h + g = 64 \text{ cm}$ $\Rightarrow g = 64 - 2h = 64 - 2 \cdot 17 = 30 \text{ cm}$ <p>- حساب عدد الدرجات :</p> | |
| | 2×0.5 | $n = \frac{H}{h} = \frac{153}{17} = 9$ | |
| 04 | 0.5 | <p>حساب مساحة أرض المشروع .</p> $S = \frac{1}{2} \sum l_i \times l_{i+1} \times \sin(\alpha_{i+1} - \alpha_i)$ | المسألة 2 |
| | 4×0.25 | $S = \frac{1}{2} [l_1 \times l_2 \times \sin(\alpha_2 - \alpha_1) + l_2 \times l_3 \times \sin(\alpha_3 - \alpha_2) +$ $l_3 \times l_4 \times \sin(\alpha_4 - \alpha_3) + l_4 \times l_1 \times \sin(\alpha_1 - \alpha_4)]$ | |
| | 4×0.5 | $S = \frac{1}{2} [20 \times 60 \times \sin(85 - 15) + 60 \times 45 \times \sin(160 - 85) +$ $45 \times 16 \times \sin(315 - 160) + 16 \times 20 \times \sin(415 - 315)]$ | |
| 04 | 0.5 | $S = \frac{1}{2} (1069.20 + 2494.47 + 467.60 + 320) = 2175.64 \text{ m}^2$ | |

| العلامة | مجزأة | عناصر الإجابة | محاور الموضوع |
|---------|-------|---|---------------|
| الموضوع | مجزأة | | الموضوع |
| | | <p>1 - حساب ردود الأفعال</p>  $\sum \bar{F}_x = 0 \Rightarrow H_B = 0$ $\sum \bar{F}_y = 0 \Rightarrow R_A + R_B = 42 \text{ kN}$ $\sum M_A = 0 \Rightarrow R_B = \frac{(30 \times 2) - (4 \times 3 \times 2)}{4} = 21 \text{ kN}$ $\sum M_B = 0 \Rightarrow R_A = \frac{(30 \times 3) - (4 \times 3 \times 2)}{4} = 21 \text{ kN}$ <p>و هي محققة</p> $R_A + R_B = \frac{30 + 3 \times 4}{2} = 21 \text{ kN}$ <p>التحقيق يمكن الحل بالتناظر</p> <p>2- معادلات الجهد القاطع و عزم الانحناء :</p> <p>$0 \leq x < 2\text{m}$</p>  $T = 21 - 3x \quad \begin{cases} x=2 \Rightarrow T = 15 \text{ kN} \\ x=0 \Rightarrow T = 21 \text{ kN} \end{cases}$ $M_f = 21x - 3 \frac{x^2}{2} \quad \begin{cases} x=0 \Rightarrow M_f = 0 \\ x=2 \Rightarrow M_f = 36 \text{ kN.m} \end{cases}$ <p>$2 \leq x \leq 4$</p>  $T = 21 - 30 - 3x \quad \begin{cases} x=2 \Rightarrow T = -15 \text{ kN} \\ x=4 \Rightarrow T = -21 \text{ kN} \end{cases}$ $M_f = 21x - 30(x-2) - 3 \frac{x^2}{2} \quad \begin{cases} x=2 \Rightarrow M_f = 36 \text{ kN.m} \\ x=4 \Rightarrow M_f = 0 \end{cases}$ | المسألة 3 |

| العلامة | | عناصر الإجابة | محاور الموضوع |
|---------|-------|--------------------------------|------------------|
| الموضوع | مجزأة | | |
| | | <p>3 - رسم المنحنى البياني</p> | المسألة 3 |
| 06,50 | 1 | | |

| العلامة | | عناصر الإجابة | محاو الموضوع |
|---------|-------|--|-----------------|
| الموضوع | مجزأة | | |
| | 0.5 | - حساب طول الإنبعاج : $l_f = 0.7 \times l_c = 0.7 \times 2.90 = 2.03 \text{ m}$ | المسألة 4 |
| | 0.5 | - حساب النحافة : $\lambda = 2\sqrt{3} \times \frac{l_f}{\alpha} = 2\sqrt{3} \times \frac{2.03}{0.30} = 23.44$ | |
| | 0.5 | $\lambda < 50$ | |
| | 1 | - حساب المعامل α : $\alpha = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left(\frac{\lambda}{35} \right)^2} = \frac{0.85}{1 + 0.2 \left(\frac{23.44}{35} \right)^2} = 0.78$ | |
| | | - حساب مقطع التسليح النظري | |
| | 0.5 | $A_{th} = \left(\frac{N_u}{\alpha} - \frac{B_r \times f_{c28}}{0.9 \times \gamma_s} \right) \frac{\gamma_s}{f_s}$ | |
| | 0.5 | $A_{th} = \left(\frac{1.8}{0.78} - \frac{(0.40 - 0.02)(0.30 - 0.02) \times 25}{0.9 \times 1.5} \right) \frac{1.15}{500} \times 10^4 = 7.76 \text{ cm}^2$ | |
| | | - التسليح المحسوب : | |
| | 0.5 | $A(4u) = 4(0.40 + 0.30) \times 2 = 5.60 \text{ cm}^2$ | |
| | 0.5 | $A(0.2\%B) = \frac{0.2 \times (40 \times 30)}{100} = 2.40 \text{ cm}^2$ | |
| | | $A_{min} = \max \{ A(4u); A(0.2\%B) \}$ | |
| | 0,25 | $A_{min} = \max (2,4 \text{ cm}^2; 5,6 \text{ cm}^2) = 5,6 \text{ cm}^2$ | |
| | 0,25 | $A_{s \text{ calc}} = \max \{ A_{th}; A_{min} \} = \max (7,76 \text{ cm}^2; 5,6 \text{ cm}^2) = 7,76 \text{ cm}^2$ | |
| 05.50 | 0.5 | التسليح الحقيقي : من جدول التسليح نختار : 4 HA 16 ($A = 8.04 \text{ cm}^2$) | |